


| Barème |  | <p align="center">Evaluation N°1 Premier semestre Mathématiques</p> | <p>Niveau : 1 bac économie Durée : 2h Date : 12/10/2017</p> |
|--|--|--|--|
| <p>1 0,5 1,5</p> | <p>Exercice1 :</p> <p>1. Résoudre dans \mathbb{R} l'équation suivante : $x^2 + (\sqrt{5} + \sqrt{6})x + \sqrt{30} = 0$</p> <p>2. On considère l'équation suivante : $x^2 + 7x + 6 = 0$: (E)</p> <p>a -Montrer que l'équation (E) admet deux solutions qu'on note x_1 et x_2</p> <p>b -sans déterminer les valeurs de x_1 et x_2 calculer les nombres suivants : $x_1 \times x_2$; $x_1 + x_2$; $(x_1 + 1) \times (x_2 + 1)$</p> | | |
| <p>1 4x1 1 1 1</p> | <p>Exercice2:</p> <p>1. Montrer que la proposition suivante est une loi logique $(\bar{P} \Rightarrow Q \text{ et } \bar{P} \Rightarrow \bar{Q}) \Rightarrow P$</p> <p>2. Etudier la vérité des propositions suivantes et justifier votre réponse :</p> <p>$P_1 : (\exists x \in \mathbb{R}) : x^2 + x - 2 = 0$</p> <p>$P_2 : (\forall x \in \mathbb{R}) : x^2 + 3x + 1 > 0$</p> <p>$P_3 : "3 = 2" \text{ et } "\sqrt{4} \in \mathbb{N}"$</p> <p>$P_4 : "1, 2 \in \mathbb{Z}" \Rightarrow "1 \text{..est..premier}"$</p> <p>3. Donner la négation de la proposition suivante : $P : (\forall x \in \mathbb{R}) : (x > 0 \Rightarrow x \geq 0 \text{..et..} x \neq 0)$</p> <p>4. On considère les deux propositions suivantes :</p> <p>$P : (\exists x \in \mathbb{R}) : \sqrt{1+x^2} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$</p> <p>$Q : (\forall y \in \mathbb{R})(\exists x \in \mathbb{R}) : x^2 + xy + 1 < 0$</p> <p>1. Donner la négation des deux propositions P et Q</p> <p>2. Montrer que P est vraie et que Q est fausse</p> <p>3. Dédire la valeur de vérité de la proposition suivante : $(\exists y \in \mathbb{R})(\forall x \in \mathbb{R}) : x^2 + xy + 1 \geq 0 \Rightarrow (\forall x \in \mathbb{R}) : \sqrt{1+x^2} \neq \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$</p> | | |
| <p>2 2 2 1</p> | <p>Exercice3 :</p> <p>1. En utilisant la contraposée montrer que : $(\forall x, y \in \mathbb{R}) : (x \neq y \text{..et..} xy \neq 1) \Rightarrow \frac{x}{x^2+1} \neq \frac{y}{y^2+1}$</p> <p>2. Montrer en utilisant les équivalences successives que $(\forall x \in \mathbb{R}^+) : \sqrt{x^2 - x + 1} \geq \sqrt{x}$</p> <p>3. Montrer par récurrence que : $(\forall n \in \mathbb{N}^*) : 2^1 + 2^2 + 2^3 + \dots + 2^n = 2^{n+1} - 2$</p> <p>4. En utilisant la disjonction des cas montrer que : $(\forall x \in \mathbb{R}) ; \sqrt{1+x^2} - x > 0$</p> | | |

NB : 1 point pour l'organisation et la présentation de la copie